# Agujeros de gusanos dinámicos soportados por energía fantasma politrópica

### Sebastián Bahamonde Beltrán

Universidad de Concepción, Concepción.

COSMOCONCE 2013 Concepción, Marzo, 2013

Sebastián Bahamonde Agujeros de gusanos dinámicos soportados por energía fantasma

▲□▶▲□▶▲□▶▲□▶ □ のQ@

### Índice



2 Agujeros de gusanos dinámicos politrópicos

- Modelo
- Ecuaciones de campo y soluciones



イロト イポト イヨト イヨト

3

Introducción

Agujeros de gusanos dinámicos politrópicos Conclusiones

## Concepto de Agujero de Gusano



### Figura : Agujero de gusano

< ロ > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > <

Sebastián Bahamonde Agujeros de gusanos dinámicos soportados por energía fantasm

Introducción

Agujeros de gusanos dinámicos politrópicos Conclusiones

### Concepto de Agujero de Gusano



Figura : Agujero de gusano

イロト イポト イヨト イヨト

### Concepto de Agujero de Gusano

Es un hipotético túnel cósmico o atajo a través del espacio-tiempo, descrito como una solución de las ecuaciones de campo de Einstein. Teóricamente están constituidos por, al menos, dos extremos (bocas), conectados por una garganta, a través de la cual viajaría la materia, si éste pudiese ser atravesado.



Figura : Agujero de gusano

### Concepto de Agujero de Gusano

Es un hipotético túnel cósmico o atajo a través del espacio-tiempo, descrito como una solución de las ecuaciones de campo de Einstein. Teóricamente están constituidos por, al menos, dos extremos (bocas), conectados por una garganta, a través de la cual viajaría la materia, si éste pudiese ser atravesado.



Figura : Agujero de gusano

### Concepto de Agujero de Gusano

Es un hipotético túnel cósmico o atajo a través del espacio-tiempo, descrito como una solución de las ecuaciones de campo de Einstein. Teóricamente están constituidos por, al menos, dos extremos (bocas), conectados por una garganta, a través de la cual viajaría la materia, si éste pudiese ser atravesado.



Figura : Agujero de gusano

### Concepto de Agujero de Gusano

Es un hipotético túnel cósmico o atajo a través del espacio-tiempo, descrito como una solución de las ecuaciones de campo de Einstein. Teóricamente están constituidos por, al menos, dos extremos (bocas), conectados por una garganta, a través de la cual viajaría la materia, si éste pudiese ser atravesado.



Figura : Agujero de gusano

### Agujeros de Gusano Atravesables

- Son un tipo de agujero de gusano que para existir debe estar soportado por una fuente exótica de materia con presión negativa grande. (usualmente)
- Candidatos posibles para soportarlos son la materia fantasma o una constante cosmológica.
- Otra característica es que no poseen Horizontes(  $g_{tt} \neq 0$ ), permitiendo atraversalos en ambos sentidos.
- Pueden ser estáticos o dependientes del tiempo.

### Agujeros de Gusano Atravesables

- Son un tipo de agujero de gusano que para existir debe estar soportado por una fuente exótica de materia con presión negativa grande. (usualmente)
- Candidatos posibles para soportarlos son la materia fantasma o una constante cosmológica.
- Otra característica es que no poseen Horizontes ( $g_{tt} \neq 0$ ), permitiendo atraversalos en ambos sentidos.
- Pueden ser estáticos o dependientes del tiempo.

### Agujeros de Gusano Atravesables

- Son un tipo de agujero de gusano que para existir debe estar soportado por una fuente exótica de materia con presión negativa grande. (usualmente)
- Candidatos posibles para soportarlos son la materia fantasma o una constante cosmológica.
- Otra característica es que no poseen Horizontes ( $g_{tt} \neq 0$ ), permitiendo atraversalos en ambos sentidos.
- Pueden ser estáticos o dependientes del tiempo.

### Agujeros de Gusano Atravesables

- Son un tipo de agujero de gusano que para existir debe estar soportado por una fuente exótica de materia con presión negativa grande. (usualmente)
- Candidatos posibles para soportarlos son la materia fantasma o una constante cosmológica.
- Otra característica es que no poseen Horizontes ( $g_{tt} \neq 0$ ), permitiendo atraversalos en ambos sentidos.
- Pueden ser estáticos o dependientes del tiempo.

・ロト ・得 ト ・ヨト ・ヨト … ヨ

Introducción

Agujeros de gusanos dinámicos politrópicos Conclusiones

### Agujero de Gusano intra-universo



Figura : Representación de un agujero de gusano intra-universo.

Sebastián Bahamonde Agujeros de gusanos dinámicos soportados por energía fantasm

Introducción

Agujeros de gusanos dinámicos politrópicos Conclusiones

### Agujero de Gusano inter-universo



Figura : Representación de un agujero de gusano inter-universo.

Sebastián Bahamonde Agujeros de gusanos dinámicos soportados por energía fantasm

イロト イポト イヨト イヨト 二日

### **Relatividad General**

En nuestra investigación utilizamos la Teoría General de la Relatividad, regida por las ecuaciones de campo de Einstein con constante cosmológica:

Ecuación de campo de Einstein

$$R_{\mu\nu} - \frac{1}{2}Rg_{\mu\nu} = \kappa T_{\mu\nu} - \Lambda g_{\mu\nu}, \qquad (1)$$

Con la signatura (-,+,+,+), la velocidad de la luz igual a la unidad (c=1) y  $\kappa=8\pi G$ 

Modelo Ecuaciones de campo y soluciones

### Índice



Agujeros de gusanos dinámicos politrópicos
 Modelo

Ecuaciones de campo y soluciones

### 3 Conclusiones

イロト イポト イヨト イヨト

э.

Modelo Ecuaciones de campo y soluciones

### Modelo utilizado en nuestra investigación

Consideraremos que el agujero de gusano posee las siguientes características:

- Es dinámico.
- Se encuentra en un espacio de N dimensiones.
- Está soportado por materia inhomogéna y anisótropa, que está caracterizada por una ecuación de estado politrópica  $p_r(r) = \omega \rho^{\gamma}$ .
- No hay presencia de fuerzas de marea, es decir,  $\Phi(r) = 0$

Modelo Ecuaciones de campo y soluciones

### Modelo utilizado en nuestra investigación

Consideraremos que el agujero de gusano posee las siguientes características:

- Es dinámico.
- Se encuentra en un espacio de *N* dimensiones.
- Está soportado por materia inhomogéna y anisótropa, que está caracterizada por una ecuación de estado politrópica  $p_r(r) = \omega \rho^{\gamma}$ .
- No hay presencia de fuerzas de marea, es decir,  $\Phi(r) = 0$

Modelo Ecuaciones de campo y soluciones

### Modelo utilizado en nuestra investigación

Consideraremos que el agujero de gusano posee las siguientes características:

- Es dinámico.
- Se encuentra en un espacio de *N* dimensiones.
- Está soportado por materia inhomogéna y anisótropa, que está caracterizada por una ecuación de estado politrópica  $p_r(r) = \omega \rho^{\gamma}$ .
- No hay presencia de fuerzas de marea, es decir,  $\Phi(r) = 0$

Modelo Ecuaciones de campo y soluciones

### Modelo utilizado en nuestra investigación

Consideraremos que el agujero de gusano posee las siguientes características:

- Es dinámico.
- Se encuentra en un espacio de N dimensiones.
- Está soportado por materia inhomogéna y anisótropa, que está caracterizada por una ecuación de estado politrópica  $p_r(r) = \omega \rho^{\gamma}$ .
- No hay presencia de fuerzas de marea, es decir,  $\Phi(r)=0$

▲□▶▲□▶▲□▶▲□▶ □ のQ@

Modelo Ecuaciones de campo y soluciones

# Métrica de Morris & Thorne

 La métrica que describe el espacio-tiempo de un agujero de gusano estático está dado por la métrica de Morris y Thorne de Ref. [1]:

Métrica de Morris & Thorne

$$ds^{2} = -e^{\Phi(r)}dt^{2} + \frac{dr^{2}}{1 - \frac{b(r)}{r}} + d\Omega^{2},$$
(2)

donde  $\Phi(r)$  es la función redshift, b(r) la función de forma y  $d\Omega^2 = r^2(d\theta^2 + \sin\theta^2 d\phi^2) \operatorname{con} r, \theta, \phi$  las coordenadas esféricas y *t* la coordenada temporal.

Modelo Ecuaciones de campo y soluciones

# Métrica de Morris & Thorne

 La métrica que describe el espacio-tiempo de un agujero de gusano estático está dado por la métrica de Morris y Thorne de Ref. [1]:

### Métrica de Morris & Thorne

$$ds^{2} = -e^{\Phi(r)}dt^{2} + \frac{dr^{2}}{1 - \frac{b(r)}{r}} + d\Omega^{2},$$
 (2)

donde  $\Phi(r)$  es la función redshift, b(r) la función de forma y  $d\Omega^2 = r^2(d\theta^2 + \sin\theta^2 d\phi^2)$  con  $r, \theta, \phi$  las coordenadas esféricas y t la coordenada temporal.

Modelo Ecuaciones de campo y soluciones

### Condiciones de transitabilidad

Para que el agujero de gusano sea atravesable  $\Phi(r)$  y b(r) deben cumplir:

- Φ(r) debe ser finito en todo el espacio (ausencia de horizonte y singularidades).
- $b(r = r_0) = r_0$ , en la garganta.
- $b(r)/r \leq 1$ ,
- Si r → ∞ entonces b(r)/r → 0 para obtener asintoticamente un espacio-tiempo Minkowskiano.

Modelo Ecuaciones de campo y soluciones

### Condiciones de transitabilidad

Para que el agujero de gusano sea atravesable  $\Phi(r)$  y b(r) deben cumplir:

- Φ(r) debe ser finito en todo el espacio (ausencia de horizonte y singularidades).
- $b(r = r_0) = r_0$ , en la garganta.
- $b(r)/r \leq 1$ ,
- Si r → ∞ entonces b(r)/r → 0 para obtener asintoticamente un espacio-tiempo Minkowskiano.

Modelo Ecuaciones de campo y soluciones

### Condiciones de transitabilidad

Para que el agujero de gusano sea atravesable  $\Phi(r)$  y b(r) deben cumplir:

- Φ(r) debe ser finito en todo el espacio (ausencia de horizonte y singularidades).
- $b(r = r_0) = r_0$ , en la garganta.
- $b(r)/r \leq 1$ ,
- Si r → ∞ entonces b(r)/r → 0 para obtener asintoticamente un espacio-tiempo Minkowskiano.

Modelo Ecuaciones de campo y soluciones

### Condiciones de transitabilidad

Para que el agujero de gusano sea atravesable  $\Phi(r)$  y b(r) deben cumplir:

- Φ(r) debe ser finito en todo el espacio (ausencia de horizonte y singularidades).
- $b(r = r_0) = r_0$ , en la garganta.
- $b(r)/r \leq 1$ ,
- Si r → ∞ entonces b(r)/r → 0 para obtener asintoticamente un espacio-tiempo Minkowskiano.

Modelo Ecuaciones de campo y soluciones

## Métrica de Morris & Thorne dinámica

 Para describir el espacio-tiempo de un agujero de gusano dinámico N dimensional debemos generalizar la métrica anterior a:



donde a(t) es el factor de escala del Universo. Si  $\Phi(r,t) \rightarrow 0$  y  $b(r) \rightarrow 0$  la métrica se transforma en la métrica de FRW plana N dimensional.

▲□▶▲□▶▲□▶▲□▶ □ のQ@

Modelo Ecuaciones de campo y soluciones

## Métrica de Morris & Thorne dinámica

 Para describir el espacio-tiempo de un agujero de gusano dinámico N dimensional debemos generalizar la métrica anterior a:

### Métrica generalizada

$$ds^{2} = -e^{-2\Phi(r,t)}dt^{2} + a^{2}(t)\left[\frac{dr^{2}}{1 - \frac{b(r)}{r}} + r^{2}d\Omega_{N-1}^{2}\right], \quad (3)$$

donde a(t) es el factor de escala del Universo. Si  $\Phi(r,t) \rightarrow 0$  y  $b(r) \rightarrow 0$  la métrica se transforma en la métrica de FRW plana N dimensional.

Modelo Ecuaciones de campo y soluciones

## Métrica en término de las bases ortonormales

Podemos escribir la métrica anterior de la siguiente forma:

$$ds^{2} = -\theta^{(t)}\theta^{(t)} + \theta^{(r)}\theta^{(r)} + \sum_{i=1}^{N-1} \theta^{(\theta_{i})}\theta^{(\theta_{i})},$$
(4)

con  $\theta^{(\mu)}$  las bases ortonormales de primera forma dadas por:

$$\theta^{(t)} = e^{\Phi(r,t)} dt, \tag{5}$$

$$\theta^{(r)} = a(t) \frac{dr}{\sqrt{1 - \frac{b(r)}{r}}},\tag{6}$$

$$\theta^{(\theta_1)} = a(t)rd_{\theta_1},\tag{7}$$

$$\theta^{(\theta_2)} = a(t)r\sin\theta_1 d_{\theta_2}, \tag{8}$$

$$\theta^{(\theta_{N-1})} = a(t)r \prod_{i=1}^{N-2} \sin \theta_i d\theta_{N-1}.$$
 (9)

▲御▶ ▲ ヨ▶ ▲ ヨ≯

Modelo Ecuaciones de campo y soluciones

### Fuente de materia

- Consideraremos la fuente de materia descrita como un fluido inhomogéneo y anisótropo.
- El Tensor energía momentum en las bases ortonormales tendrá sólo componentes en la diagonal:

Tensor energía momentum

 $T_{(t)(t)} = \rho(t, r),$   $T_{(r)(r)} = p_r(t, r),$  $T_{(\theta)(\theta)} = T_{(\phi)(\phi)} = p_l(t, r),$ 

donde  $p_r(r,t)$  y  $p_l(r,t)$  son la presión radial y lateral respectivamente y  $\rho(t,r)$  la densidad de energía de un fluido para un observador que se mantiene en resposo a  $r, \theta^{(\mu)}$ .

Modelo Ecuaciones de campo y soluciones

### Fuente de materia

- Consideraremos la fuente de materia descrita como un fluido inhomogéneo y anisótropo.
- El Tensor energía momentum en las bases ortonormales tendrá sólo componentes en la diagonal:

# sor energía momentum $$\begin{split} T_{(t)(t)} &= \rho(t,r), \ & (10)\\ T_{(r)(r)} &= p_r(t,r) \ & (11)\\ T_{(\theta)(\theta)} &= T_{(\phi)(\phi)} = p_l(t,r), \end{split}$$

donde  $p_r(r,t)$  y  $p_l(r,t)$  son la presión radial y lateral respectivamente y  $\rho(t,r)$  la densidad de energía de un fluido para un observador que se mantiene en resposo a  $r, \theta^{(\mu)}$ .

Modelo Ecuaciones de campo y soluciones

### Fuente de materia

- Consideraremos la fuente de materia descrita como un fluido inhomogéneo y anisótropo.
- El Tensor energía momentum en las bases ortonormales tendrá sólo componentes en la diagonal:

### Tensor energía momentum

$$T_{(t)(t)} = \rho(t, r),$$
 (10)

$$T_{(r)(r)} = p_r(t, r)$$
 (11)

$$T_{(\theta)(\theta)} = T_{(\phi)(\phi)} = p_l(t, r),$$
 (12)

donde  $p_r(r,t)$  y  $p_l(r,t)$  son la presión radial y lateral respectivamente y  $\rho(t,r)$  la densidad de energía de un fluido para un observador que se mantiene en resposo a  $r, \theta^{(\mu)}$ .

Modelo Ecuaciones de campo y soluciones

### Fuente de materia

 Consideraremos que la densidad de energía puede separarse como:

$$\rho_r(t,r) = \rho_w(r)\rho_c(t). \tag{13}$$

 También consideraremos que la presión radial obedece una ecuación de estado politrópica de la siguiente forma:

$$p_r(t,r) = \omega \rho_c(t) \rho_w^{\gamma}(r), \qquad (14)$$

donde  $\omega$  es el parámetro de estado y  $\gamma$  el índice politrópico.

 La ecuación anterior implica que la presión lateral se pueda dividir también como:

$$p_l(t,r) = p_{lc}(t)p_{lw}(r).$$
 (15)

イロト イポト イヨト イヨト

Modelo Ecuaciones de campo y soluciones

### Fuente de materia

 Consideraremos que la densidad de energía puede separarse como:

$$\rho_r(t,r) = \rho_w(r)\rho_c(t).$$
(13)

 También consideraremos que la presión radial obedece una ecuación de estado politrópica de la siguiente forma:

$$p_r(t,r) = \omega \rho_c(t) \rho_w^{\gamma}(r),$$
 (14)

donde  $\omega$  es el parámetro de estado y  $\gamma$  el índice politrópico.

 La ecuación anterior implica que la presión lateral se pueda dividir también como:

$$p_l(t,r) = p_{lc}(t)p_{lw}(r).$$
 (15)

イロン イボン イヨン イヨン 三日

Modelo Ecuaciones de campo y soluciones

### Fuente de materia

 Consideraremos que la densidad de energía puede separarse como:

$$\rho_r(t,r) = \rho_w(r)\rho_c(t). \tag{13}$$

 También consideraremos que la presión radial obedece una ecuación de estado politrópica de la siguiente forma:

$$p_r(t,r) = \omega \rho_c(t) \rho_w^{\gamma}(r),$$
 (14)

donde  $\omega$  es el parámetro de estado y  $\gamma$  el índice politrópico.

 La ecuación anterior implica que la presión lateral se pueda dividir también como:

$$p_l(t,r) = p_{lc}(t)p_{lw}(r).$$
 (15)

・ロト ・ 厚 ト ・ ヨ ト ・ ヨ ト

э.

Modelo Ecuaciones de campo y soluciones

### Índice



# Agujeros de gusanos dinámicos politrópicos Modelo

Ecuaciones de campo y soluciones

### 3 Conclusiones

イロン イボン イヨン イヨン 三日

Modelo Ecuaciones de campo y soluciones

### Ecuaciones de campo

Utilizando la condición  $\Phi(r,t)=0,$  las ecuaciones de campo con constante cosmológica son

$$\frac{(N-1)}{2a^2r^3}[rb'(r) + (N-3)b(r)] + \frac{N(N-1)}{2}H^2 = \kappa\rho_w(r)\rho_c(t) + \Lambda,$$
(16)
$$(N-1)(N-2) = \alpha - \frac{\ddot{a}}{a}$$

$$\frac{(N-1)(N-2)}{2}H^2 - (N-1)\frac{a}{a} - (N-1)(N-2)\frac{b}{2r^3a^2} = \kappa\omega\rho_w^{\gamma}(r)\rho_c(t) - \Lambda,$$
 (17)

$$-\frac{(N-1)(N-2)}{2}H^2 - (N-1)\frac{\ddot{a}}{a} - \frac{(N-2)}{2r^3a^2}[rb'(r) + (N-4)b(r)] = \kappa p_{lw}(r)p_{lc}(t) - \Lambda,$$
(18)

donde  $\kappa = 8\pi G$ ,  $H = \dot{a}(t)/a(t)$  y las primas y los puntos denotan d/dr y d/dt respectivamente.

Modelo Ecuaciones de campo y soluciones

### Ecuaciones de campo

 Separando las ecuaciones en su parte temporal y radial obtenemos

$$\left[\frac{N(N-1)}{2}H^2 - \Lambda\right]\rho_c^{-1}(t) = \kappa\rho_w(r) - \frac{(N-1)}{2a^2(t)\rho_c(t)r^3}[rb'(r) + (N-3)b(r)],$$
(19)

$$\left[\Lambda - \frac{(N-1)(N-2)}{2}H^2 - (N-1)\frac{a}{a}\right]\rho_c^{-1}(t) = \frac{b(r)(N-1)(N-2)}{2r^3\rho_c(t)a^2(t)} + \kappa\omega\rho_w^{\gamma}(r),$$
(20)

$$\left[\Lambda - \frac{(N-1)(N-2)}{2}H^2 - (N-1)\frac{\ddot{a}}{a}\right]p_{lc}^{-1}(t) = \frac{(N-2)(rb'(r) + (N-4)b(r))}{2r^3p_{lc}(t)a^2(t)} + \kappa p_{lw}(r).$$
(21)

Para que existan soluciones se debe cumplir

$$\rho_c(t) = \tilde{C}_1 a^{-2}(t), \ p_{lc}(t) = \tilde{C}_2 a^{-2}(t).$$
(22)

・ロト ・ 同 ト ・ 三 ト ・ 三 ト

Modelo Ecuaciones de campo y soluciones

### Ecuaciones de campo

 Separando las ecuaciones en su parte temporal y radial obtenemos

$$\left[\frac{N(N-1)}{2}H^2 - \Lambda\right]\rho_c^{-1}(t) = \kappa\rho_w(r) - \frac{(N-1)}{2a^2(t)\rho_c(t)r^3}[rb'(r) + (N-3)b(r)],$$
(19)

$$\begin{bmatrix} \Lambda - \frac{(N-1)(N-2)}{2}H^2 - (N-1)\frac{\ddot{a}}{a} \end{bmatrix} \rho_c^{-1}(t) = \frac{b(r)(N-1)(N-2)}{2r^3\rho_c(t)a^2(t)} + \kappa\omega\rho_w^{\gamma}(r),$$
(20)

$$\begin{bmatrix} \Lambda - \frac{(N-1)(N-2)}{2} H^2 - (N-1) \frac{\ddot{a}}{a} \end{bmatrix} p_{lc}^{-1}(t) = \frac{(N-2)(rb'(r) + (N-4)b(r))}{2r^3 p_{lc}(t)a^2(t)} + \kappa p_{lw}(r).$$
(21)

Para que existan soluciones se debe cumplir

$$\rho_c(t) = \tilde{C}_1 a^{-2}(t), \ p_{lc}(t) = \tilde{C}_2 a^{-2}(t).$$
(22)

Modelo Ecuaciones de campo y soluciones

### Ecuaciones de campo

Utilizando la condición anterior y el método de separación de variables obtenemos las ecuaciones separadas de t y r

$$\left[\frac{N(N-1)}{2}H^{2} - \Lambda\right]a^{2}(t) = \frac{\left[\left(N-1\right)\left(N-1\right)\left(N-2\right)}{2r^{3}}\left[rb'(r) + (N-3)b(r)\right] = -3C_{3}, \quad (23)\right]a^{2}(t) = \frac{b(r)(N-1)(N-2)}{2r^{3}}H^{2} - (N-1)\frac{\ddot{a}}{a}a^{2}(t) = \frac{b(r)(N-1)(N-2)}{2r^{3}} + \kappa\omega\tilde{C}_{1}\rho_{w}^{\gamma}(r) = -Q, \quad (24)$$
$$\left[\Lambda - \frac{(N-1)(N-2)}{2}H^{2} - (N-1)\frac{\ddot{a}}{a}a^{2}(t) = \frac{(N-2)(rb'(r) + (N-4)b(r))}{2r^{3}} + \kappa\tilde{C}_{2}p_{lw}(r) = -Q, \quad (25)$$

donde  $C_3$  y Q son las constantes del método de separación de variables.

・ロト ・得 ト ・ヨト ・ヨト … ヨ

Modelo Ecuaciones de campo y soluciones

### Soluciones

 Estudiando el caso en donde C<sub>3</sub> = Q = 0 encontramos las siguientes soluciones

Densidad de energía y presión radial

$$\rho(t,r) = \left(\frac{(N-2)r^{-N}}{-\omega\kappa}\right)^{1/\gamma} \left[F + \frac{(N-2)^{1/\gamma}}{N} \frac{\kappa^{\frac{(\gamma-1)}{\gamma}}}{(-\omega)^{1/\gamma}} r^{\frac{N(\gamma-1)}{\gamma}}\right]^{\frac{1}{(\gamma-1)}} a^{-2}(t), \quad (26)$$

$$p_r(t,r) = \omega \left(\frac{(N-2)r^{-N}}{-\omega\kappa}\right)^{1/\gamma} \left(\left[F + \frac{(N-2)^{1/\gamma}}{N} \frac{\kappa^{\frac{(\gamma-1)}{\gamma}}}{(-\omega)^{1/\gamma}} r^{\frac{N(\gamma-1)}{\gamma}}\right]^{\frac{1}{(\gamma-1)}}\right)^{\gamma} a^{-2}(t). \quad (27)$$

Sebastián Bahamonde Agujeros de gusanos dinámicos soportados por energía fantasm

Modelo Ecuaciones de campo y soluciones

### Soluciones

• Estudiando el caso en donde  $C_3 = Q = 0$  encontramos las siguientes soluciones

Densidad de energía y presión radial

$$\rho(t,r) = \left(\frac{(N-2)r^{-N}}{-\omega\kappa}\right)^{1/\gamma} \left[F + \frac{(N-2)^{1/\gamma}}{N} \frac{\kappa^{\frac{(\gamma-1)}{\gamma}}}{(-\omega)^{1/\gamma}} r^{\frac{N(\gamma-1)}{\gamma}}\right]^{\frac{1}{(\gamma-1)}} a^{-2}(t), \quad (26)$$

$$p_r(t,r) = \omega \left(\frac{(N-2)r^{-N}}{-\omega\kappa}\right)^{1/\gamma} \left(\left[F + \frac{(N-2)^{1/\gamma}}{N} \frac{\kappa^{\frac{(\gamma-1)}{\gamma}}}{(-\omega)^{1/\gamma}} r^{\frac{N(\gamma-1)}{\gamma}}\right]^{\frac{1}{(\gamma-1)}}\right)^{\gamma} a^{-2}(t). \quad (27)$$

Sebastián Bahamonde Agujeros de gusanos dinámicos soportados por energía fantasr

Modelo Ecuaciones de campo y soluciones

### **Soluciones**

### Presion lateral y función de forma

$$p_{l}(t,r) = \frac{(N-2)r^{-N}}{(N-1)\kappa} \left( F + \frac{(N-2)^{1/\gamma}}{N} \frac{\kappa^{\frac{(\gamma-1)}{\gamma}}}{(-\omega)^{1/\gamma}} r^{\frac{N(\gamma-1)}{\gamma}} \right)^{\frac{\gamma}{(\gamma-1)}} \\ \times \left[ \left( F + \frac{(N-2)^{1/\gamma}}{N} \frac{\kappa^{\frac{(\gamma-1)}{\gamma}}}{(-\omega)^{1/\gamma}} r^{\frac{N(\gamma-1)}{\gamma}} \right) - \frac{(N-2)^{1/\gamma}\kappa^{\frac{(\gamma-1)}{\gamma}}r^{\frac{N(\gamma-1)}{\gamma}}}{(-\omega)^{1/\gamma}} \right] a^{-2}(t),$$
(28)  
$$b(r) = \frac{2r^{3-N}}{N-1} \left[ F + \frac{(N-2)^{1/\gamma}}{N} \frac{(\kappa\tilde{C}_{1})^{\frac{(\gamma-1)}{\gamma}}}{(-\omega)^{1/\gamma}} r^{\frac{N(\gamma-1)}{\gamma}} \right]^{\frac{\gamma}{(\gamma-1)}},$$
(29)

donde *F* es una constante de integración.

Sebastián Bahamonde

Agujeros de gusanos dinámicos soportados por energía fantasma

► < Ξ >

Modelo Ecuaciones de campo y soluciones

Para la parte dinámica encontramos que el factor de escala (con  $C_3 = Q = 0$ ) está dado por:



que corresponde a un Universo de De-Sitter N dimensional con el signo + y un universo anti de-Sitter N dimensional con el signo -.

Modelo Ecuaciones de campo y soluciones

### Condiciones para agujero de gusano atravesable

• Como hemos elegido  $\Phi(r,t) = 0$  no hay problema con singularidades ni horizonte.

Imponiendo que en la garganta  $b(r = r_0) = r_0$  obtenemos:



Modelo Ecuaciones de campo y soluciones

### Condiciones para agujero de gusano atravesable

- Como hemos elegido  $\Phi(r,t) = 0$  no hay problema con singularidades ni horizonte.
- Imponiendo que en la garganta  $b(r = r_0) = r_0$  obtenemos:

Función de forma con condición de garganta

$$b(r) = \frac{2r^{3-N}}{N-1} \Big[ r_0^{\frac{(N-2)(\gamma-1)}{\gamma}} - \frac{(\kappa \tilde{C}_1)^{\frac{(\gamma-1)}{\gamma}}(N-2)^{1/\gamma}}{N(-\omega)^{1/\gamma}} \Big( r_0^{\frac{N(\gamma-1)}{\gamma}} + r^{\frac{N(\gamma-1)}{\gamma}} \Big) \Big]^{\frac{\gamma}{(\gamma-1)}}.$$
(31)

 Si hacemos el caso N = 3 recuperamos el caso de agujero de gusano de Ref. [2].

Modelo Ecuaciones de campo y soluciones

### Condiciones para agujero de gusano atravesable

- Como hemos elegido  $\Phi(r,t) = 0$  no hay problema con singularidades ni horizonte.
- Imponiendo que en la garganta  $b(r = r_0) = r_0$  obtenemos:

Función de forma con condición de garganta

$$b(r) = \frac{2r^{3-N}}{N-1} \Big[ r_0^{\frac{(N-2)(\gamma-1)}{\gamma}} - \frac{(\kappa \tilde{C}_1)^{\frac{(\gamma-1)}{\gamma}} (N-2)^{1/\gamma}}{N(-\omega)^{1/\gamma}} \Big( r_0^{\frac{N(\gamma-1)}{\gamma}} + r^{\frac{N(\gamma-1)}{\gamma}} \Big) \Big]^{\frac{\gamma}{(\gamma-1)}}.$$
(31)

 Si hacemos el caso N = 3 recuperamos el caso de agujero de gusano de Ref. [2].

Modelo Ecuaciones de campo y soluciones

### Condiciones para agujero de gusano atravesable

- Como hemos elegido  $\Phi(r,t) = 0$  no hay problema con singularidades ni horizonte.
- Imponiendo que en la garganta  $b(r = r_0) = r_0$  obtenemos:

Función de forma con condición de garganta

$$b(r) = \frac{2r^{3-N}}{N-1} \Big[ r_0^{\frac{(N-2)(\gamma-1)}{\gamma}} - \frac{(\kappa \tilde{C}_1)^{\frac{(\gamma-1)}{\gamma}} (N-2)^{1/\gamma}}{N(-\omega)^{1/\gamma}} \Big( r_0^{\frac{N(\gamma-1)}{\gamma}} + r^{\frac{N(\gamma-1)}{\gamma}} \Big) \Big]^{\frac{\gamma}{(\gamma-1)}}.$$
(31)

• Si hacemos el caso N = 3 recuperamos el caso de agujero de gusano de Ref. [2].

▲□▶▲□▶▲□▶▲□▶ □ のQ@

## Conclusiones

- Hemos modelado la fuente que soporta nuestro agujero de gusano como un fluido politrópico, inhomogéneo y anisótropo.
- Encontramos soluciones politrópicas, las cuáles son poco usuales en Relatividad General.
- Hemos generalizado la solución de la Ref [2], encontrando una solución para un agujero de gusano dinámico.
- También generalizamos la solución de Ref [2] para un espacio *N* dimensional.

イロト 不得 トイヨト イヨト ニヨー

# Conclusiones

- Hemos modelado la fuente que soporta nuestro agujero de gusano como un fluido politrópico, inhomogéneo y anisótropo.
- Encontramos soluciones politrópicas, las cuáles son poco usuales en Relatividad General.
- Hemos generalizado la solución de la Ref [2], encontrando una solución para un agujero de gusano dinámico.
- También generalizamos la solución de Ref [2] para un espacio *N* dimensional.

(ロ) (同) (三) (三) (三) (○) (○)

# Conclusiones

- Hemos modelado la fuente que soporta nuestro agujero de gusano como un fluido politrópico, inhomogéneo y anisótropo.
- Encontramos soluciones politrópicas, las cuáles son poco usuales en Relatividad General.
- Hemos generalizado la solución de la Ref [2], encontrando una solución para un agujero de gusano dinámico.
- También generalizamos la solución de Ref [2] para un espacio *N* dimensional.

# Conclusiones

- Hemos modelado la fuente que soporta nuestro agujero de gusano como un fluido politrópico, inhomogéneo y anisótropo.
- Encontramos soluciones politrópicas, las cuáles son poco usuales en Relatividad General.
- Hemos generalizado la solución de la Ref [2], encontrando una solución para un agujero de gusano dinámico.
- También generalizamos la solución de Ref [2] para un espacio *N* dimensional.

### Realización de la investigación

# Esta investigación fue realizada como un trabajo en conjunto con:

- Dr. Mauricio Cataldo.
- Fernanda Aróstica.

イロン イボン イヨン イヨン 三日

### Realización de la investigación

Esta investigación fue realizada como un trabajo en conjunto con:

- Dr. Mauricio Cataldo.
- Fernanda Aróstica.

イロト イポト イヨト イヨト

э.

### Referencias







*Evolving Lorentzian wormholes supported by phantom matter and cosmological* M. Cataldo et al., Phys. Rev. D **79** , 024005 (2009)

### Referencias

- Wormholes in spacetime and their use for interstellar travel: A tool for teaching general relativity. M.S. Morris, K.S. Thorne, Am. J. Phys. 56, 395 (1988)
- Wormholes supported by polytropic phantom energy M. Jamil et al, Eur. Phys. J. C 67, 513 (2010)
- Evolving Lorentzian wormholes supported by phantom matter and cosmological M. Cataldo et al., Phys. Rev. D **79**, 024005 (2009)

・ロト ・得 ト ・ヨト ・ヨト … ヨ

### Referencias

- Wormholes in spacetime and their use for interstellar travel: A tool for teaching general relativity. M.S. Morris, K.S. Thorne, Am. J. Phys. 56, 395 (1988)
- Wormholes supported by polytropic phantom energy M. Jamil et al, Eur. Phys. J. C 67, 513 (2010)

Evolving Lorentzian wormholes supported by phantom matter and cosmological M. Cataldo et al., Phys. Rev. D 79 , 024005 (2009)

・ロト ・得 ト ・ヨト ・ヨト … ヨ